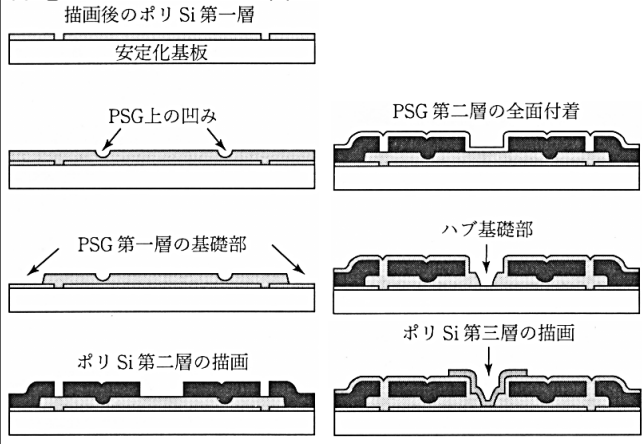
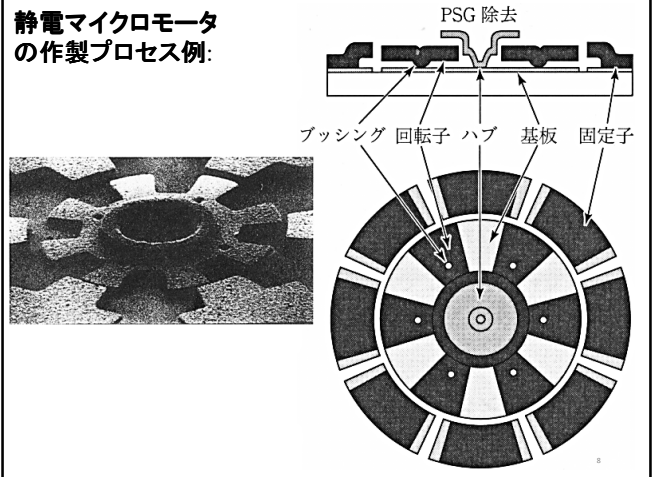




### 静電マイクロモータの作製プロセス例:

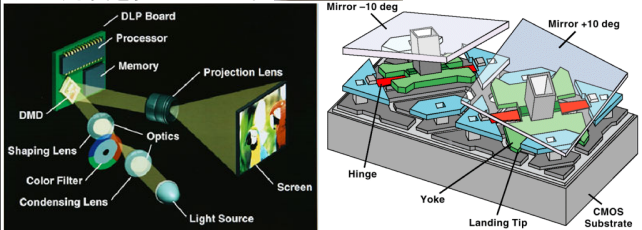


### 静電マイクロモータの作製プロセス例:



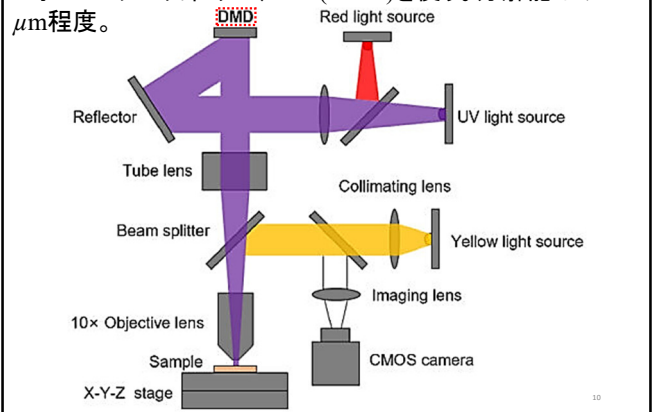
### DLP(Digital Light Processor):

DMD(Digital Mirror Device)ともいう。10数 $\mu\text{m}$ のサイズのマイクロミラーを100万個程度格子状に配列した光学デバイス。各マイクロミラーはねじれ軸周りに傾斜させることができ、光の反射角度を変えられる。



### (参考) マスクレス露光装置

フォトマスクの代わりに、DLP(DMD)を使う。分解能はサブ $\mu\text{m}$ 程度。



### MEMSの解説:

#### MEMS

LSIの製造に用いられる微細加工技術を用い、微小な機械を形成する技術

Micro Electro Mechanical System の略 → 米国で生まれた言葉  
日本語ではマイクロマシンと呼ばれている

10<sup>-3</sup> m

CDの厚さ

10<sup>-6</sup> m

赤血球

10<sup>-9</sup> m

DNAの二重らせん構造

#### マイクロマシンの特徴

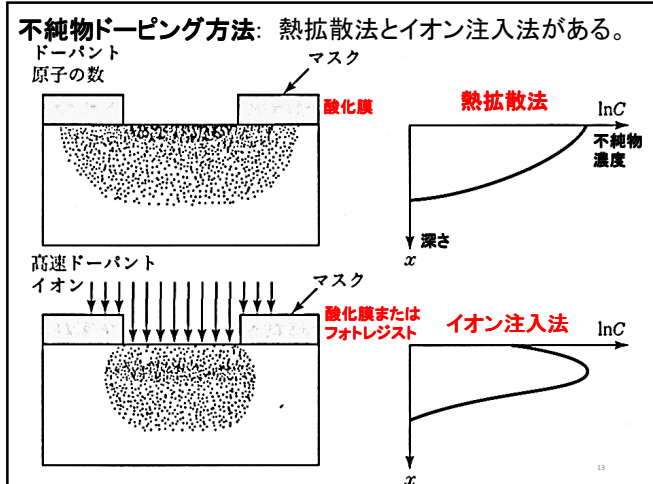
- ・省スペース
- ・省資源
- ・省エネルギー

MEMSのNEプロジェクトとはなんですか。

MEMSの市場規模、動向について載せて下さい。

### 不純物ドーピング:半導体の電気的性質(*n*型、*p*型)を変える。

pn接合の形成	バイポーラ LSI	アイソレーション領域 コレクタ埋込み領域 ベース領域 エミッタ領域 など
	CMOS LSI	ウェル形成 ソース/ドレイン形成
抵抗の形成	シリコン ポリシリコン	pn接合による抵抗 不純物制御による抵抗値制御
不純物濃度制御	チャネルストップ (フィールドドーパ) 反転層形成の防止 バイポーラトランジスタの特性向上 (反転層の防止) チャネルドーパ (しきい値電圧- $V_{th}$ 制御)	
導電性の向上	ポリシリコン中への不純物導入 (ゲート、配線、キャパシタ電極)	
分離層の形成	SIMOXにおける酸素の深い打込み	
ウェハ分離	水素イオンの注入によるウェハの分離	
ゲッターリング	Ar イオンの注入によるウェハ背面へのダメージ層導入	



## 不純物ドーピングの解説:

### 不純物拡散

ウェハ前面、あるいは表面の一部に不純物を添加しP型やN型半導体領域をつくる

#### 熱拡散法

#### イオン注入法

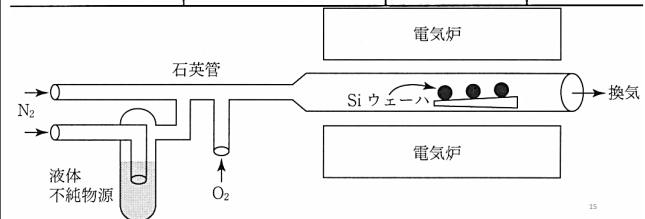
- ・プロセスの微細化
- ・ウェハの大口径化

イオン注入法が多く用いられる

**熱拡散法:** 液体の不純物源を直接塗布するか、液体の不純物源を不活性ガスでバブリングするか、気体の不純物源を石英炉内に導入して、Si基板を800~1200°Cで加熱する。

熱拡散に用いられる不純物源

	p 形	n 形	
	ほう素 (B)	りん (P)	ひ素 (As)
液 体	$\text{BCl}_3$	$\text{POCl}_3, \text{PCl}_3$	
気 体	$\text{B}_2\text{H}_6, \text{BF}_3$	$\text{PH}_3$	$\text{AsH}_3$

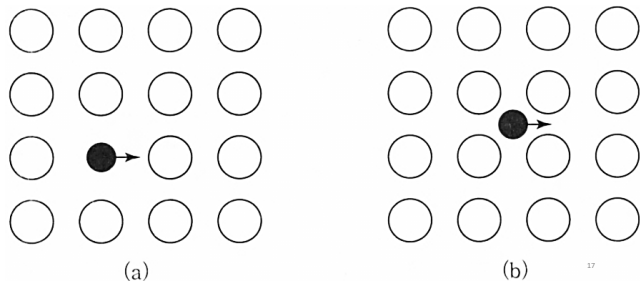


## 縦型熱拡散炉:



**熱拡散法の拡散方程式:** 熱拡散法では、不純物は結晶の空格子点(a)や格子間位置(b)を通して結晶中を拡散する。この不純物の流れ $F$ は不純物濃度 $C$ の勾配に比例するので、深さ方向を $x$ 方向、拡散時間を $t$ 、拡散係数を $D$ とすると、

$$F(x, t) = -D \frac{\partial C(x, t)}{\partial x}, \quad (9.1) \quad \text{と書ける。}$$



また、結晶内部の深さ $x$ にある(面積1で高さ $\Delta x$ )の微小体積 $\Delta x$ 内の不純物量 $(C(x, t)\Delta x)$ の時間変化は、(入ってくる不純物-出ていく不純物)と等しいので、

$$\frac{\{C(x, t + \Delta t) - C(x, t)\}\Delta x}{\Delta t} = \frac{\{F(x, t) - F(x + \Delta x, t)\}\Delta t}{\Delta x},$$

$$\frac{\partial C(x, t)}{\partial t} = -\frac{\partial F(x, t)}{\partial x}, \quad (9.2)$$

となる。よって、(9.1)式を(9.2)式に代入すると、

$$\frac{\partial C(x, t)}{\partial t} = D \frac{\partial^2 C(x, t)}{\partial x^2}, \quad (9.3)$$

が得られる。この式をフィック(Fick)の方程式という。また、拡散係数 $D$ は温度の関数であり、活性化エネルギー $E_a$ を使うと、



$$D = D_0 \exp\left(-\frac{E_a}{k_B T}\right), \quad (9.4)$$

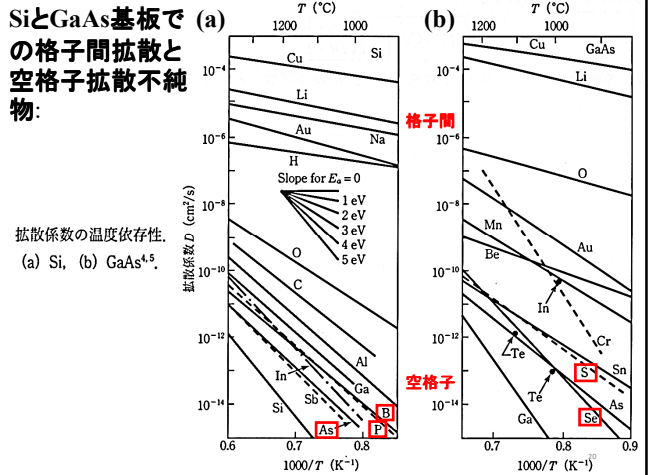
と書ける。

$D_0$ は温度 $T$ が $\infty$ の時の拡散係数と定義される。活性化エネルギー $E_a$ は、格子間拡散では隣の格子間位置に移る時の障壁の高さ(0.5~2eV程度)であり、空格子拡散では移り先のSiを押し開けて空格子を形成するのに必要なエネルギー(3~5eV程度)である。従って、実験的に $E_a$ を測定すれば、不純物拡散が格子間拡散なのか空格子拡散なのかが分かる。

次スライドの様に、Si基板ではCu, Li, Na, H等の不純物が格子間拡散で、O, C, Al, B, P, As等の不純物が空格子拡散となる。

19

SiとGaAs基板での格子間拡散と空格子拡散不純物:



表面不純物濃度が一定の場合の拡散分布:

フィックの方程式から不純物ドーピング後の基板内の不純物濃度分布を求めてみよう。今、不純物が気相から半導体表面に常に供給されていて、表面( $x=0$ )での不純物濃度は一定値( $C_s$ )とする。その場合、初期条件( $t=0$ )と境界条件は、 $C(x, 0) = 0$  ( $x \neq 0$ ),  $C(0, t) = C_s$ ,  $C(\infty, t) = 0$ , (9.5) となる。この時のフィックの方程式の解は、

$$C(x, t) = C_s \left\{ 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-y^2} dy \right\} \\ \equiv C_s \left\{ 1 - \operatorname{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{Dt}}\right) \right\}, \quad (9.6)$$

となる。(9.6)式の $\operatorname{erf}$ を誤差関数(補足1)という。証明のために、実際に(9.6)式をフィックの方程式に代入してみよう。

21

$$\left( C(x, t) = C_s \left\{ 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-y^2} dy \right\}, \quad (9.6) \right),$$

$$C \text{ を } t \text{ で微分: } \frac{\partial C}{\partial t} = -\frac{2C_s}{\sqrt{\pi}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} \cdot \frac{-x}{4\sqrt{Dt}^3} = \frac{C_s x}{2\sqrt{\pi} Dt^3} e^{-\frac{x^2}{4Dt}},$$

$$C \text{ を } x \text{ で微分: } \frac{\partial C}{\partial x} = -\frac{2C_s}{\sqrt{\pi}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} \cdot \frac{1}{2\sqrt{Dt}} = \frac{-C_s}{\sqrt{\pi} Dt} e^{-\frac{x^2}{4Dt}},$$

$$x \text{ でさらに微分: } \frac{\partial^2 C}{\partial x^2} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{-C_s}{\sqrt{\pi} Dt} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} \right) \\ = \frac{C_s}{\sqrt{\pi} Dt} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} \cdot \frac{2x}{4Dt} = \frac{C_s x}{2\sqrt{\pi} D^3 t^3} e^{-\frac{x^2}{4Dt}},$$

$$\text{従って、} \quad \frac{\partial C}{\partial t} = \frac{C_s x}{2\sqrt{\pi} Dt^3} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} = D \frac{\partial^2 C}{\partial x^2}, \quad (\text{証明終})$$

22

また念のために、初期条件と境界条件も確認してみると、

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{初期条件: } C(x, 0) = 0 \quad (x \neq 0), \\ \text{境界条件: } C(0, t) = C_s, \quad C(\infty, t) = 0, \end{array} \right\} \quad (9.5)$$

$$C(x, 0) = \lim_{t \rightarrow 0} C_s \left\{ 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-y^2} dy \right\} \\ = C_s \left\{ 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\infty} e^{-y^2} dy \right\} = C_s \{1 - 1\} = 0, \quad (\text{補足2 参照})$$

$$C(0, t) = C_s \left\{ 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^0 e^{-y^2} dy \right\} = C_s,$$

$$C(\infty, t) = C_s \left\{ 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\infty} e^{-y^2} dy \right\} = 0,$$

となり、初期条件と境界条件もきちんと満たされていることがわかる。

23

次に、不純物拡散開始時刻を $t=0$ として、ある時間 $t$ までに基板にドーピングされた不純物総量 $Q(t)$ を求めよう。 $Q(t)$ は、

$$Q(t) = \int_0^{\infty} C(x, t) dx = \int_0^{\infty} C_s \left\{ 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-y^2} dy \right\} dx \\ = \frac{2C_s}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\infty} \left\{ \frac{\sqrt{\pi}}{2} - \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-y^2} dy \right\} dx \quad \left( \frac{\sqrt{\pi}}{2} = \int_0^{\infty} e^{-y^2} dy \right) \\ = \frac{2C_s}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\infty} \left\{ \int_0^{\infty} e^{-y^2} dy - \int_0^{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}} e^{-y^2} dy \right\} dx \\ = \frac{2C_s}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\infty} dx \int_{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}}^{\infty} e^{-y^2} dy,$$

となる。ここで、積分範囲を変換すると、

24

$$\int_0^\infty dx \int_{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}}^\infty e^{-y^2} dy = \int_0^\infty e^{-y^2} dy \int_0^{2\sqrt{Dt}y} dx,$$

となるので、

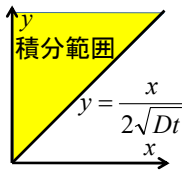
$$Q(t) = \frac{2C_s}{\sqrt{\pi}} \int_0^\infty dx \int_{\frac{x}{2\sqrt{Dt}}}^\infty e^{-y^2} dy$$

$$= \frac{2C_s}{\sqrt{\pi}} \int_0^\infty e^{-y^2} dy \int_0^{2\sqrt{Dt}y} dx$$

$$= \frac{2C_s\sqrt{Dt}}{\sqrt{\pi}} \int_0^\infty 2ye^{-y^2} dy = \frac{2C_s\sqrt{Dt}}{\sqrt{\pi}} [-e^{-y^2}]_0^\infty = \frac{2C_s\sqrt{Dt}}{\sqrt{\pi}}$$

$$\cong 1.13C_s\sqrt{Dt}, \quad (9.7)$$

となり、不純物総量 $Q(t)$ は時間と共に単調に増加する。また、を拡散長という。



### 不純物総量が一定の場合の拡散分布:

今度は、液体不純物塗布の様に、一定量(単位面積当たり $Q_s$ )の不純物を基板表面にあらかじめ堆積させた後に不純物を拡散させる場合について、基板内の不純物濃度分布をフィックの方程式から求めてみよう。この場合の初期条件と境界条件は、

$$C(x, 0) = 0 \quad (x \neq 0), \quad \int_0^\infty C(x, t) dx = Q_s, \quad C(\infty, t) = 0, \quad (9.8)$$

となるので、フィックの方程式の解は、

$$C(x, t) = \frac{Q_s}{\sqrt{\pi Dt}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}}, \quad (9.9)$$

となる。証明のために、実際に(9.9)式をフィックの方程式に代入してみよう。

$C$ を $t$ で微分:  $\frac{\partial C}{\partial t} = \frac{-Q_s}{2\sqrt{\pi Dt^3}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} + \frac{Q_s}{\sqrt{\pi Dt}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} \cdot \frac{x^2}{4Dt^2}$

$$= \left( \frac{x^2}{2Dt} - 1 \right) \frac{Q_s}{2\sqrt{\pi Dt^3}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}},$$

$C$ を $x$ で微分:  $\frac{\partial C}{\partial x} = \frac{Q_s}{\sqrt{\pi Dt}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} \cdot \frac{-2x}{4Dt} = \frac{-2Q_s x}{4Dt\sqrt{\pi Dt}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}},$

$x$ でさらに微分:  $\frac{\partial^2 C}{\partial x^2} = \frac{-2Q_s}{4Dt\sqrt{\pi Dt}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} - \frac{2Q_s x}{4Dt\sqrt{\pi Dt}} \cdot \frac{-2x}{4Dt} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} = \left( \frac{x^2}{2Dt} - 1 \right) \frac{Q_s}{2D\sqrt{\pi Dt^3}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}},$

従って、 $\frac{\partial C}{\partial t} = \left( \frac{x^2}{2Dt} - 1 \right) \frac{Q_s}{2\sqrt{\pi Dt^3}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} = D \frac{\partial^2 C}{\partial x^2},$

(証明終)

また念のために、初期条件と境界条件も確認してみると、  
 (初期条件:  $C(x, 0) = 0 \quad (x \neq 0),$   
 境界条件:  $\int_0^\infty C(x, t) dx = Q_s, \quad C(\infty, t) = 0,$ ) (9.8)

$$C(x, 0) = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{Q_s}{\sqrt{\pi Dt}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} = 0, \quad \left( u \equiv \frac{x}{2\sqrt{Dt}} \right)$$

$$\int_0^\infty C(x, t) dx = \int_0^\infty \frac{Q_s}{\sqrt{\pi Dt}} e^{-\frac{x^2}{4Dt}} dx = \frac{2Q_s}{\sqrt{\pi}} \int_0^\infty e^{-u^2} du = Q_s$$

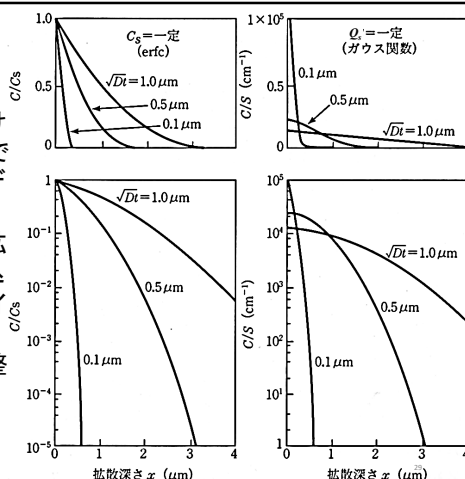
$$C(\infty, t) = \frac{Q_s}{\sqrt{\pi Dt}} e^{-\infty} = 0, \quad \left( \frac{\sqrt{\pi}}{2} = \int_0^\infty e^{-u^2} du \right)$$

となり、満たされていることがわかる。また、この場合は、不純物の表面密度は、

$$C(0, t) = \frac{Q_s}{\sqrt{\pi Dt}}, \quad (9.10) \quad \text{となり、時間と共に減少していく。}$$

### (9.6)、(9.9)式のグラフ:

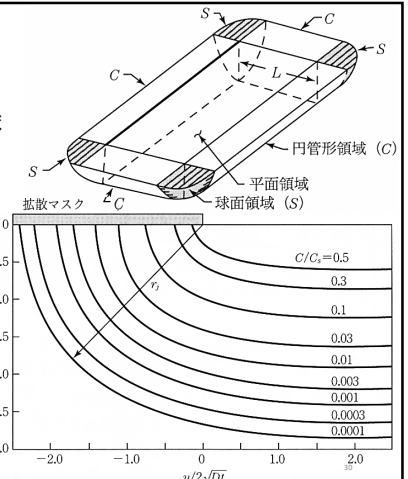
最初に少量だけ表面濃度一定で拡散させ(プレデポジション)、次に総量一定で拡散させて(押し込み、またはドライブイン)、不純物濃度分布を調整する方法を2段階拡散という。



### 横方向の不純物拡散:

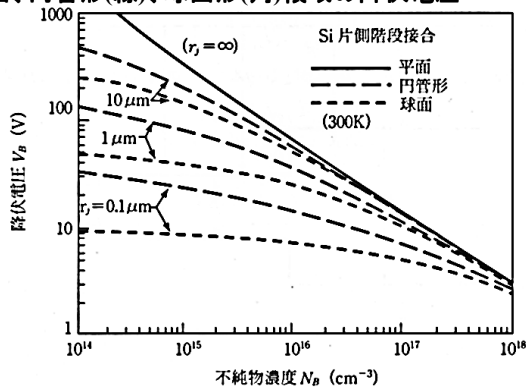
マスクの縁や角では、マスクの下にも不純物が拡散し、円管形や球面形の領域ができる。

そこに電圧が印加されると、その部分の電界の大きさが平面領域より大きくなるので、降伏電圧が低下する。(次のスライド)



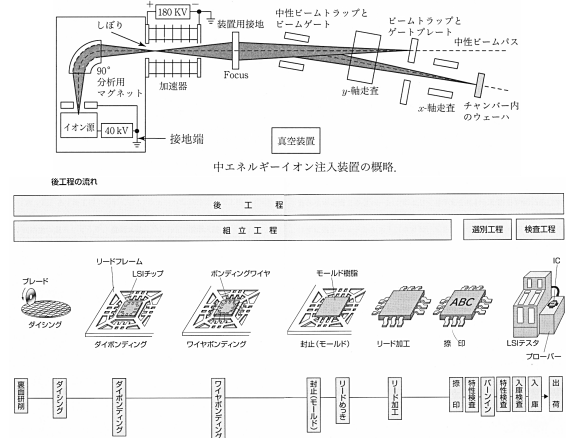
酸化膜窓の縁での拡散分布の等濃度線。 $r_j$ は曲率半径<sup>14</sup>。

平面、円管形(縁)、球面形(角)領域の降伏電圧:



片側階段接合で円筒形および球面接合構造を有する場合の降伏電圧と不純物濃度<sup>7</sup>  $r_j$ は図30に示す曲面の半径<sup>31</sup>

次の予告: 不純物ドーピング(イオン注入法)、後工程



(補足1)誤差関数:

誤差関数のまとめ

$$\begin{aligned} \operatorname{erf}(x) &\equiv \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-y^2} dy \\ \operatorname{erfc}(x) &\equiv 1 - \operatorname{erf}(x) \\ \operatorname{erf}(0) &= 0 \\ \operatorname{erf}(\infty) &= 1 \\ \operatorname{erf}(x) &\equiv \frac{2}{\sqrt{\pi}} x \quad \text{for } x \ll 1 \\ \operatorname{erfc}(x) &\cong \frac{2}{\sqrt{\pi}} \frac{e^{-x^2}}{x} \quad \text{for } x \gg 1 \\ \frac{d}{dx} \operatorname{erf}(x) &= \frac{2}{\sqrt{\pi}} e^{-x^2} \\ \frac{d^2}{dx^2} \operatorname{erf}(x) &= -\frac{4}{\sqrt{\pi}} x e^{-x^2} \\ \int_0^x \operatorname{erfc}(y') dy' &= x \operatorname{erfc}(x) + \frac{1}{\sqrt{\pi}} (1 - e^{-x^2}) \\ \int_0^\infty \operatorname{erfc}(x) dx &= \frac{1}{\sqrt{\pi}} \end{aligned}$$

(補足2)

$$\left( \int_0^\infty e^{-y^2} dy \right)^2 = \left( \frac{1}{2} \int_{-\infty}^\infty e^{-y^2} dy \right)^2 = \frac{1}{4} \int_{-\infty}^\infty \int_{-\infty}^\infty e^{-(x^2+y^2)} dx dy,$$

ここで、直交座標から極座標に変数変換を行うと、ヤコビアン $J$ は以下の様になるので、(微分・積分III参照)

$$\begin{cases} x = r \cos \theta \\ y = r \sin \theta \end{cases}, J = \begin{pmatrix} \partial x / \partial r & \partial x / \partial \theta \\ \partial y / \partial r & \partial y / \partial \theta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \theta & -r \sin \theta \\ \sin \theta & r \cos \theta \end{pmatrix},$$

$$dx dy = (\det J) dr d\theta = (r \cos^2 \theta + r \sin^2 \theta) dr d\theta = r \cdot dr d\theta,$$

よって、求める積分は、

$$\begin{aligned} \frac{1}{4} \int_{-\infty}^\infty \int_{-\infty}^\infty e^{-(x^2+y^2)} dx dy &= \frac{1}{4} \int_0^\infty dr \int_0^{2\pi} d\theta \cdot r e^{-r^2} = \frac{\pi}{2} \int_0^\infty r e^{-r^2} dr \\ &= \frac{\pi}{2} \left[ -e^{-r^2} / 2 \right]_0^\infty = \frac{\pi}{4}, \quad \int_0^\infty e^{-y^2} dy = \sqrt{\frac{\pi}{4}} = \frac{\sqrt{\pi}}{2}, \quad \text{となる。} \end{aligned}$$